

| Klasse | Art | Schwierigkeit | Thema | |
|-----------|-------------|---------------|---|-----------|
| 11 | Üben | XX | Gebrochen-rationale Funktionen 1 | W2 |

Ermitteln Sie jeweils die größtmögliche Definitionsmenge und die Nullstellen der angegebenen gebrochen-rationalen Funktionen.

$$a) \ f(x) = x + \frac{2}{x}$$

$$b) \ g(x) = 5 - \frac{5}{x^2 + 1}$$

$$c) \ h(x) = x^2 - \frac{1}{x^2}$$

$$d) \ k(x) = \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x}$$

| Klasse | Art | Schwierigkeit | Thema | |
|-----------|---------------|---------------|---------------------------------------|-----------|
| 11 | Lösung | X | Gebrochen-rationale Funktionen | W2 |

$$a) \ f(x) = x + \frac{2}{x} ; \quad D_f = \mathbb{R} \setminus \{0\} ; \quad f(x) = x + \frac{2}{x} = \frac{x^2 + 2}{x} \Rightarrow \text{keine Nullstellen}$$

$$b) \ g(x) = 5 - \frac{5}{x^2 + 1} ; \quad D_g = \mathbb{R} ; \quad g(x) = 5 - \frac{5}{x^2 + 1} = \frac{5(x^2 + 1) - 5}{x^2 + 1} = \frac{5x^2}{x^2 + 1}$$

doppelte Nullstelle (0/0)

$$c) \ h(x) = x^2 - \frac{1}{x^2} ; \quad D_h = \mathbb{R} \setminus \{0\} ; \quad h(x) = x^2 - \frac{1}{x^2} = \frac{x^4 - 1}{x^2} = \frac{(x^2 - 1)(x^2 + 1)}{x^2}$$

einfache Nullstellen : (-1/0) ; (1/0)

$$d) \ k(x) = \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x} ; \quad D_k = \mathbb{R} \setminus \{0; 2\} ;$$

$$k(x) = \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x} = \frac{x + (x-2)}{(x-2)x} = \frac{2x-2}{(x-2)x} = \frac{2(x-1)}{(x-2)x} ;$$

einfache Nullstelle (1/0)